Министерство науки и высшего образования РФ Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Ульяновский государственный университет» Факультет математики, информационных и авиационных технологий Кафедра информационной безопасности и теории управления

Рацеев С.М.

Методические указания для самостоятельной работы студентов при подготовке к государственной итоговой аттестации

для студентов специальности 10.05.01 «Компьютерная безопасность» и

> Ульяновск 2019

Рацеев С.М. Методические указания для самостоятельной работы студентов при подготовке к государственной итоговой аттестации для студентов специальности 10.05.01 «Компьютерная безопасность». – Ульяновск: УлГУ, 2019.

Методические указания рекомендованы к введению в образовательный процесс решением Ученого Совета ФМИАТ УлГУ (протокол № 2/19 от 19 марта 2019 г.).

Раздел 1. Математически анализ

Основные вопросы темы:

- 1. Предел и непрерывность функций одной и нескольких переменных. Свойства функций, непрерывных на отрезке.
- 2. Производная и дифференциал функций одной и нескольких переменных. Достаточные условия дифференцируемости. Теорема Ферма. Теоремы Ролля, Лагранжа и Коши.
- 3. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Лагранжа и Коши. Формулы Тейлора основных элементарных функций. Экстремумы функций одной переменной. Достаточные условия экстремума.
- 4. Первообразная и неопределенный интеграл. Определенный интеграл, его свойства. Необходимые и достаточные условия интегрируемости. Основная формула интегрального исчисления.
- 5. Числовые ряды. Абсолютная и условная сходимость числового ряда. Признаки сходимости числового ряда: признак Даламбера, интегральный признак Коши-Маклорена, теорема Лейбница для знакочередующихся рядов.
- 6. Степенные ряды. Теорема Абеля. Радиус сходимости, интервал сходимости степенного ряда. Теорема Коши-Адамара. Разложение элементарных функций в ряд Тейлора.

Рекомендации по изучению темы:

- 1. Зорич, В.А. Математический анализ : учебник для ун-тов. Ч. 1 / В.А. Зорич. М. : Наука, 1981. 543 с.
- 2. Зорич, В.А. Математический анализ : учебник для ун-тов. Ч. 2 / В.А. Зорич. М. : Наука, 1984. 670 с.
- 3. Ильин В.А. Математический анализ: учебник для вузов по спец. "Математика", "Прикладная математика", "Информатика": в 2 ч. Ч. 1 / Ильин Владимир Александрович, В. А. Садовничий, Б. Х. Сендов; под ред. А. Н. Тихонова; Моск. гос. ун-т им. М. В. Ломоносова. 3-е изд., перераб. и доп. -М.: Велби: Проспект, 2007. 672 с.
- 4. Ильин В.А. Математический анализ: учебник для вузов по спец. "Математика", "Прикладная математика" и "Информатика": в 2 ч. Ч. 2 / В. А. Ильин, В. А. Садовничий, Б. Х. Сендов; под ред. А. Н.Тихонова; Моск. гос. ун-т им. М. В. Ломоносова. 2-е изд., перераб. и доп. М.: Велби: Проспект, 2007. 368 с.

- 1. Найти предел $\lim_{x\to\infty} \frac{2+x-4x^3}{5+x^2+3x^3}$.
- 2. Найти предел $\lim_{x \to \infty} \left(\frac{x^3}{2x^2 1} \frac{x^2}{2x + 1} \right)$.
- 3. Найти предел $\lim_{x\to 0} \frac{\sin^2 5x}{4x^2}$.
- 4. Найти предел $\lim_{n\to\infty} \left(1 \frac{8n}{n^2 + 1}\right)^{3n}.$
- 5. Пусть $f(x) = \ln \sqrt{\frac{1-x}{1+x}}$. Найти f'(x).
- 6. Найти интеграл $\int \frac{dx}{\sqrt{1-2x}}$.
- 7. Найти интеграл $\int_{-\infty}^{4} \sqrt{(7x+5)^3} \, dx$.
- 8. Найти интеграл $\int x \ln x \, dx$.

- 9. Найти интеграл $\int xe^{-x}dx$.
- 10. Найти интеграл $\int \frac{x-3}{x^2-16} dx$.
- 11. Найти интеграл $\int_{-1}^{1} \frac{x dx}{\sqrt{5-4x}}$.
- 12. Вычислить объем тела, образованного вращением фигуры, ограниченной линиями:
- 13. $y = -x^2 + 4$, y = 0, y = 3 вокруг оси Оу.
- 14. Исследовать числовой ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n}}$ на сходимость.
- 15. Исследовать числовой ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{9^{n-1}}{n!}$ на сходимость.
- 16. Исследовать числовой ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n \cdot 3^{n+1}}{n^2 + 2}$ на сходимость.
- 17. Исследовать числовой ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n n}{n^2 + 7}$ на сходимость.
- 18. Вычислить интеграл или определить его расходимость $\int\limits_{1}^{+\infty} \frac{dx}{\sqrt[3]{x}}$.
- 19. Вычислить интеграл или определить его расходимость $\int_{e}^{+\infty} \frac{dx}{x \ln^2 x}$.
- 20. Вычислить интеграл или определить его расходимость $\int_{0}^{+\infty} (3x+2)^{6} dx$.

Раздел 2. Алгебра и геометрия

Основные вопросы темы:

- 1. Матрицы и операции над ними. Определители матриц и их свойства. Определитель Вандермонда. Ранг матрицы. Критерий обратимости матриц. Способы вычисления обратной матрицы.
- 2. Векторные пространства, их базисы и размерность. Критерий подпространства. Координаты векторов в базисе и их изменение при переходе к другому базису.
- 3. Системы линейных алгебраических уравнений. Теорема Кронекера-Капелли. Общее решение системы линейных алгебраических уравнений.
- 4. Линейные преобразования векторного пространства и их матрицы. Характеристический многочлен линейного преобразования. Собственные значения и собственные векторы.
- 5. Евклидовы пространства. Процесс ортогонализации. Ортогональные преобразования евклидова пространства. Ортогональные матрицы и их свойства.
- 6. Группы и их основные свойства. Циклические группы. Смежные классы по подгруппе. Теорема Лагранжа. Морфизмы групп.
- 7. Кольца. Мультипликативная группа кольца. Подкольца. Критерий подкольца. Идеал кольца. Фактор-кольцо. Кольца вычетов.
- 8. Кольцо многочленов. Наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное. Свойства наибольшего общего делителя двух многочленов. Алгоритм Евклида.

- 9. Конечные поля. Характеристика поля. Построение конечного поля с заданным числом элементов.
- 10. Прямая и плоскость, их уравнения. Взаимное расположение прямой и плоскости. Основные задачи на прямую и плоскость.

Рекомендации по изучению темы:

- 1. Винберг Э.Б. Курс алгебры. Новое издание, перераб. и доп. М.: МЦНМО, 2011. 592 с.
- 2. Ильин В.А., Ким Г.Д. Линейная алгебра и аналитическая геометрия. 3-изд., перераб. и доп. М.: Проспект, 2007. 400 с.
- 3. Кострикин А.И. Введение в алгебру: Учебник для вузов. Ч.1, Ч.2, Ч.3.: Основы алгебры. М.: Физматлит, 2001.
- 4. Курош А.Г. Курс высшей алгебры : учебник для вузов по спец. "Математика". 17-е изд., стер. СПб. : Лань, 2008. 432 с.

- 1. На множестве \mathbb{Z} определено бинарное отношение \sim следующим образом: $a \sim b \Leftrightarrow 6 | (a-b)$. Доказать, что \sim является отношением эквивалентности. Найти разбиение множества \mathbb{Z} , которое индуцирует отношение \sim . Какому классу эквивалентности принадлежит элемент a = -452?
- 2. На множестве $M = \{4x | x \in \mathbb{N}\}$ определено бинарное отношение \leq следующим образом: $a \leq b \Leftrightarrow a|b$. Проверить, является ли \leq отношением линейного порядка на M.
- 3. Проверить, является ли множество $\left\{ \begin{pmatrix} 8x & 0 \\ 0 & 12y \end{pmatrix} | x, y \in \mathbb{Z} \right\}$ относительно операции сложения аддитивной абелевой группой.
- 4. Доказать, что множество $R = \{a + b\sqrt{3} \mid a, b \in \mathbb{Z}\}$ относительно операций сложения и умножения является коммутативным кольцом с единицей.
- 5. В мультипликативной группе кольца вычетов \mathbb{Z}_{40}^* найти 29^{-1} .
- 6. Найти решения системы линейных алгебраических уравнений над полем \mathbb{R} : $\begin{cases} 2x_1 & -x_2 & +x_3 & = & -7, \\ -3x_1 & -x_2 & -3x_3 & = & 7, \\ -2x_1 & +x_2 & -2x_3 & = & 8. \end{cases}$
- 7. Найти решения системы линейных алгебраических уравнений над кольцом вычетов по модулю 7: $\begin{cases} 3x_1 & +3x_2 & +6x_3 & = & 5, \\ 5x_1 & +3x_2 & +4x_3 & = & 2, \\ 6x_1 & +x_2 & +x_3 & = & 3. \end{cases}$
- 8. Доказать, что векторы $\overline{\mathbf{p}} = (0,1,2)$, $\overline{\mathbf{q}} = (1,0,1)$, $\overline{\mathbf{r}} = (-1,2,4)$ образуют базис арифметического пространства \mathbb{R}^3 и найти координаты вектора $\overline{\mathbf{a}} = (-2,4,7)$ в этом базисе.
- 9. Из векторов a_1 , a_2 , a_3 , a_4 выбрать базу и разложить остальные по этой базе, где a_1 =(0,1, -3,4), a_2 =(1, 0, -2,3), a_3 =(5, 2, -16, 23), a_4 =(1, -1,1, -1).
- 10. Над полем \mathbb{R} найти многочлен Лагранжа L(x), проходящий через точки (-3,1), (-1,5), (3,-11). Вычислить L(4) по схеме Горнера.
- 11. Пользуясь схемой Горнера, разложить многочлен f(x) над полем \mathbb{R} по степеням x-c, $f(x) = 4x^4 3x^3 2x^2 + 4x 5$, c = -2.
- 12. Над кольцом вычетов по модулю 7 найти многочлен Лагранжа L(x), проходящий через точки (1,4), (2,6), (3,5).
- 13. Над полем \mathbb{C} найти все корни многочлена $x^n a$, где n = 3, a = 2i.
- 14. Найти координаты точек A и B, если известно, что точки C(-15;12) и D(-12;10)

делят отрезок AB на три равные части.

- 15. Составить уравнение прямой, перпендикулярной 5x 5y 6 = 0 и проходящей через точку пересечения прямых 2x 5y 7 = 0 и 3x + 7y + 4 = 0.
- 16. Найти точку пересечения прямой $\frac{x-2}{2} = \frac{y-1}{3} = \frac{z-3}{1}$ и плоскости 2x+3y+z=0.
- 17. Записать уравнение плоскости, проходящей через точку $M_0(4;-1;1)$ перпендикулярно вектору $\overline{N}=\{-1;2;-2\}$. Найти острый угол, который эта плоскость образует с плоскостью x+z-6=0.
- 18. Прямая проходит через точку $M_0(3,7,2)$ параллельно вектору $\overline{l}=(5;8;1)$. Записать уравнение прямой и указать, при каком значении C прямая будет параллельна плоскости 2x-y+Cz-2=0.
- 19. Записать уравнение прямой, проходящей через точки $M_1(-4;3;-3)$ и $M_2(2;-6;9)$. Доказать, что она пересекается с прямой $\frac{x-3}{3} = \frac{y-1}{4} = \frac{z-7}{2}$. Найти точку пересечения и угол между ними.

Раздел 3. Дискретная математика Основные вопросы темы:

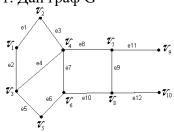
- 1. Основные комбинаторные величины. Булеан. Размещения и сочетания (с повторением и без повторения). Числа Стирлинга первого и второго рода.
- 2. Булева алгебра. Понятие булевой функции. Представление булевой функции в виде СДНФ, СКНФ, полиномов Жегалкина. Теорема Поста о полноте системы булевых функций.
- 3. Понятие графа и связанные с ним определения. Виды представления графа. Полные и двудольные графы. Критерий двудольности графов. Эйлеровы и гамильтоновы графы.

Рекомендации по изучению темы:

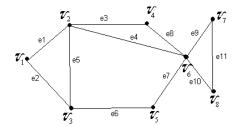
- 1. Гашков С. Б. Дискретная математика: учебник и практикум для вузов / С. Б. Гашков, А. Б. Фролов. 3-е изд., испр. и доп. Москва: Издательство Юрайт, 2019. 483 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-534-11613-7. Текст: электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. URL: https://www.biblio-online.ru/bcode/445753
- 2. Новиков Ф.А. Дискретная математика для программистов: Учеб. пособие для вузов.— СПб.: Питер, 2009. 384 с.
- 3. Яблонский С.В. Введение в дискретную математику: учеб. пособие. М.: Высшая школа, 2006. 392 с.

Задачи для самостоятельной работы:

1. Дан граф G



- 1.1. Определить степени всех вершин графа.
- 1.2. Записать матрицу смежности вершин $A_{_{\rm I}}(G)$.
- 1.3. Записать матрицу инцидентности $A_2(G)$.
- 1.4. Определить цикломатическое число графа.
- 1.5. Построить каркас графа путем обхода «в ширину». Построить код.
- 2. Дан граф G



- 2.1. Определить степени всех вершин графа.
- 2.2. Записать матрицу смежности вершин $A_1(G)$.
- 2.3. Записать матрицу инцидентности $A_2(G)$.
- 2.4. Определить цикломатическое число графа.
- 2.5. Построить каркас графа путем обхода «в ширину». Построить код.
- 3. При помощи таблиц истинности найти СДНФ и СКНФ для $(x \mid (x \oplus y)) \downarrow \neg y$
- 4. При помощи таблиц истинности найти СДНФ и СКНФ для $x \lor ((x \downarrow y) \leftrightarrow (x \land y))$
- 5. При помощи таблиц истинности найти СДНФ и СКНФ для $((x \lor y) \leftrightarrow (\neg x \land z))|(y \oplus z)$

Раздел 4. Теория вероятностей и математическая статистика Основные вопросы темы:

- 1. Вероятностное пространство. Свойства вероятностной меры. Классическое определение вероятности. Условные вероятности. Независимость событий. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
- 2. Случайные величины. Функции распределения случайных величин и их свойства. Плотности распределения. Типовые распределения случайных величин: биномиальное, геометрическое, пуассоновское, равномерное, нормальное.
- 3. Математическое ожидание и дисперсия случайных величин: определения и основные свойства. Математическое ожидание и дисперсия типовых распределений случайных величин.
- 4. Статистики, статистические оценки и их свойства. Методы статистического оценивания неизвестных параметров: метод максимального правдоподобия, метод моментов. Основные типы статистических гипотез. Общая логическая схема статистического критерия.

Рекомендации по изучению темы:

- 1. Вентцель Е.С. Теория вероятностей: учебник для вузов. М.: Академия, 2005. 572 с.
- 2. Гмурман В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика: учеб. пособие для бакалавров: учеб. пособие для вузов. М.: Юрайт, 2012.

- 1. В ящике лежат пять апельсинов и четыре яблока. Взяли три фрукта. С какой вероятностью все фрукты окажутся одного вида?
- 2. Первый стрелок попадает в цель с вероятностью 0.6, второй с вероятностью 0.7. Первый стрелок делает 2 выстрела по мишени, а второй 3 выстрела. С какой вероятностью не будет ни одного попадания в цель?
- 3. Завод имеет три источника поставки комплектующих фирмы A, B, C. На долю фирмы A приходится 50% общего объема поставок, B-30% и C-20%. Среди поставляемых фирмой A деталей 10% бракованных, фирмой B-5% бракованных и фирмой C-6%. C какой вероятностью взятая случайным образом деталь окажется пригодной?
- 4. Передается 4 сообщения по каналу связи. Каждое сообщение с вероятностью 0.1 искажается, независимо от других. Вычислить среднее число неискаженных сообщений. С какой вероятностью ровно три сообщения будут искажены?
- 5. В партии продукции, состоящей из 25 деталей, 5 бракованных. Определить вероятность того, что при случайном выборе четырех деталей: а) все они окажутся бракованными б) бракованных и не бракованных изделий будет поровну.
- 6. В автопробеге участвуют 3 автомобиля. Первый может сойти с маршрута с вероятностью

- 0,15; второй и третий автомобили не дойдут до финиша соответственно с вероятностью 0,05 и 0,1. Требуется определить вероятность того, что к финишу придут: а) только один автомобиль; б) два автомобиля; в) по крайней мере два автомобиля.
- 7. На сборку поступают детали с трех автоматов. Первый дает в среднем 98% годных деталей, второй 99%, а третий 97%. Найти вероятность попадания на сборку бракованной детали, если она выбрана случайным образом, а производительность автоматов одинакова.

Раздел 5. Теория функций комплексного переменного Основные вопросы темы:

Комплексные числа. Тригонометрическая форма комплексных чисел. Формула Муавра. Извлечение корней. Производная функции комплексного переменного. Условия Коши-Римана. Аналитическая функция. Формула Эйлера.

Рекомендации по изучению темы:

- 1. Маркушевич А.И. Краткий курс теории аналитических функций: учеб. пособие для ун-тов. 4-е изд., испр. и доп. Москва: Наука, 1978.
- 2. Шабат Б.В. Введение в комплексный анализ: учебник для ун-тов: в 2 ч. Ч.1: Функции одного переменного. СПб.: Лань, 2004. 336 с.

Задачи для самостоятельной работы:

- 1. Найти значение выражения $\frac{z_1 \cdot z_2 + z_3}{z_4}$, где $z_1 = 3 + 4i$, $z_2 = 5 4i$, $z_3 = -4 5i$, $z_4 = 4 2i$.
- 2. Вычислить значение выражения $\frac{z_1^m \cdot z_2^n}{z_3^k}$ и записать ответ в алгебраической форме, где

$$z_1 = -\frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}$$
, $z_2 = -\frac{\sqrt{3}}{2} - i\frac{1}{2}$, $z_3 = -\frac{\sqrt{2}}{2} + i\frac{\sqrt{2}}{2}$, $m = 7$, $n = 13$, $k = 8$.

- 3. Найти все корни $\sqrt[n]{z}$, n=3, z=2i.
- 4. Используя формулу Муавра, вычислить $\left(\frac{-1+i\sqrt{3}}{1-i}\right)^{10}$.
- 5. Найти корни уравнения и отметить их на комплексной плоскости $z^3 + i = 0$.
- 6. Найти корни уравнения и отметить их на комплексной плоскости $z^2 + 5 12i = 0$.

Раздел 6. Теоретико-числовые методы в криптографии Основные вопросы темы:

- 1. Отношение делимости в кольце целых чисел и его свойства. Наибольший общий делитель и его свойства.
- 2. Алгоритм Евклида. Обобщенный алгоритм Евклида. Линейные диофантовы уравнения первой степени.
- 3. Простые числа и их свойства. Решето Эратосфена. Основная теорема арифметики.
- 4. Мультипликативные функции и их свойства. Функция Эйлера и ее свойства.
- 5. Отношение сравнимости в кольце целых чисел и его свойства. Полная и приведенная системы вычетов. Теорема Эйлера. Малая теорема Ферма.
- 6. Сравнения первой степени, методы их решений. Системы сравнений первой степени. Китайская теорема об остатках.
- 7. Сравнения второй степени. Квадратичные вычеты и невычеты. Символ Лежандра. Символ Якоби.
- 8. Степенные вычеты. Показатель числа. Первообразные корни по простому модулю.
- 9. Вероятностные методы проверки простоты натурального числа. Тест Соловея-Штрассена. Тест Миллера-Рабина.
- 10. Методы дискретного логарифмирования в конечном поле.

11. Эллиптические кривые. Сложение точек эллиптической кривой над полем. Аддитивная группа точек эллиптической кривой. Порядок точки.

Рекомендации по изучению темы:

- 1. Маховенко Е.Б. Теоретико-числовые методы в криптографии. Учеб. пособие для вузов. М.: Гелиос APB, 2006. 320 с.
- 2. Нестеренко А.Ю. Теоретико-числовые методы в криптографии: учеб. пособие. Моск. гос. инт электроники и математики. 2012. 224 с.
- 3. Рацеев С.М. Математические методы защиты информации [Электронный ресурс]: Электронное учеб. пособие. Ульяновск: УлГУ, 2018. 1 CD-R. № гос. регистрации 0321901084. 592 с.

Задачи для самостоятельной работы:

- 1. Найти общее решение линейного диофантова уравнения 41x + 23y = 1.
- 2. Найти общее решение линейного диофантова уравнения 43x+18y=3.
- 3. Разложить рациональное число 129/53 в конечную цепную дробь.
- 4. Найти значение конечной цепной дроби [3;2,3,1,3].
- 5. Найти каноническое разложение числа 18! (факториал числа).
- 6. Найти число и сумму делителей, а также значение функции Эйлера числа 100.
- 7. Используя теорему Эйлера, найти остаток от деления числа 15^{175} на 11.
- 8. Используя теорему Эйлера, найти остаток от деления числа $3^{100} + 37^{100}$ на 16.
- 9. Вычислить обратный элемент, если он существует: 7⁻¹ mod 41.
- 10. Решить сравнение $7x \equiv 10 \pmod{19}$.
- 11. Решить сравнение $12x \equiv 4 \pmod{17}$.
- 12. Решить систему сравнений $\begin{cases} x \equiv 1 \pmod{3}, \\ x \equiv 2 \pmod{5}, \\ x \equiv 3 \pmod{7}. \end{cases}$
- 13. Вычислить, пользуясь свойствами символа Якоби $\left(\frac{82}{101}\right)$.
- 14. Решить квадратичное сравнение по простому модулю, если решение существует $x^2 \equiv 3 \pmod{11}$.
- 15. Найти все первообразные корни по модулю 11.

Раздел 7. Основы информационной безопасности

Основные вопросы темы:

- 1. Классификация угроз информации. Источники угроз информационной безопасности РФ. Модель действий нарушителя.
- 2. Понятие информационной войны. Составные части и методы информационного противоборства. Информационное оружие.
- 3. Концепция защиты автоматизированных систем и средств вычислительной техники. Классификация информационных систем по уровню их защищенности.
- 4. Направления защиты от несанкционированного доступа (НСД). Основные способы НСД. Структура системы защиты информации от НСД, назначение и функции элементов.
- 5. Правила разграничения доступа к информации. Мандатная и дискреционная модели управления доступом.
- 6. Понятия идентификации, аутентификации и авторизация. Классификация систем аутентификации. Основные методы аутентификации.
- 7. Технология межсетевых экранов (МЭ). Виды МЭ.
- 8. Основные понятия и функции виртуальных частных сетей (VPN).

- 1. Грушо А.А., Применко Э.А., Тимонина Е.Е. Теоретические основы компьютерной безопасности: учеб. пособие для вузов по спец. группы 090100 "Информационная безопасность". М.: Академия, 2009.
- 2. Иванцов А.М. Методические указания по разработке типовых документов в области информационной безопасности. Ульяновск: УлГУ. 2016. 63 с.
- 3. Мельников В.П. Информационная безопасность и защита информации: учеб. пособие для вузов. М.: Академия, 2008. 336 с.

Задания для самостоятельной работы:

- 1. Определить информационные активы выбранного предприятия, основные угрозы для них и способы (средства) их нейтрализации.
- 2. Разработать план занятия с пользователями ПЭВМ предприятия по обучению работе с электронным замком «СОБОЛЬ».
- 3. Разработать план занятия с пользователями ПЭВМ предприятия по обучению работе с комплексом средств защиты информации от несанкционированного доступа «АККОРД».
- 4. Разработать план занятия с пользователями ПЭВМ предприятия по обучению работе с персональными средствами аутентификации и защищенного хранения данных (USB-ключи и смарт-карты eToken).
- 5. Разработать план занятия с пользователями ПЭВМ предприятия по обучению работе с системой защиты «Dallas Lock 8.0-K(C)».

Раздел 8. Криптографические методы защиты информации Основные вопросы темы:

- 1. Совершенные по Шеннону шифры. Необходимые и достаточные условия совершенных шифров. Теорема К.Шеннона. Табличное и модульное гаммирование.
- 2. Имитация и подмена шифрованных сообщений. Оценки для вероятностей имитации и подмены сообщений. Критерии достижимости нижних оценок.
- 3. Симметричные блочные шифры. Шифры Фейстеля и их обратимость. Шифр "Магма" из ГОСТ Р 34.12-2015.
- 4. Шифр "Кузнечик" из ГОСТ Р 34.12-2015. Режимы использования симметричных блочных шифров.
- 5. Асимметричные шифры. Схема Диффи-Хеллмана. Шифр RSA. Шифр Эль-Гамаля. Шифр Месси-Омуры.
- 6. Модификация асимметричных шифров на эллиптических кривых. Модификация схемы Диффи-Хеллмана. Модификация шифра Эль-Гамаля. Модификация шифра Месси-Омуры.
- 7. Хеш-функции. Требования, предъявляемые к хеш-функциям. Криптографические хеш-функции. Способы построения криптографических хеш-функций.
- 8. Коды аутентификации. Понятие имитации и подмены сообщения. Нижние оценки для вероятностей успеха имитации и подмены. Критерий достижимости нижних оценок. Оптимальные коды аутентификации.
- 9. Электронная подпись. Электронная подпись на основе асимметричных систем шифрования: электронная подпись RSA, электронная подпись Фиата-Шамира, электронная подпись Эль-Гамаля, электронная подпись Шнорра.

- 1. Алферов А.П., Зубов А.Ю., Кузьмин А.С., Черемушкин А.В. Основы криптографии. –М.: Гелиос АРВ, 2005.
- 2. Рацеев С.М. Математические методы защиты информации [Электронный ресурс]: Электронное учеб. пособие. Ульяновск: УлГУ, 2018. 1 CD-R. № гос. регистрации 0321901084. 592 с.
- 3. Рябко Б.Я., Фионов А.Н. Криптографические методы защиты информации. М.: Горячая линия Телеком, 2005.

4. Черемушкин А.В. Криптографические протоколы. Основные свойства и уязвимости: учеб. пособие для вузов по спец. "Компьютер. безопасность". М.: Академия, 2009.

Задачи для самостоятельной работы:

- 1. Шифр Месси-Омуры. Пусть a_1 , a_2 пара секретных ключей абонента A, b_1 , b_2 пара секретных ключей абонента B, p простое число, m передаваемое сообщение от A к B. Известно, что p=7, a_1 =3, b_1 =5, m=2. Найти a_2 , b_2 , m_1 , m_2 , m_3 .
- 2. Шифр Эль-Гамаля. Пусть x, y соответственно секретный и открытый ключи абонента A, p простое число, g первообразный корень по модулю p (параметры шифрсистемы), m передаваемое сообщение абоненту A, k случайное число. Известно, что p=7, g=3, x=5, k=4, m=2. Найти y и шифрованное сообщение (c_1 , c_2), передаваемое абоненту A.
- 3. Шифр RSA. Пусть d, e соответственно секретный и открытый ключи абонента A, p, q простые числа абонента A, m передаваемое сообщение абоненту A. Известно, что p=3, q=7, e=3, m=2. Найти d и шифрованное сообщение y, передаваемое абоненту A.

Раздел 9. Криптографические протоколы Основные вопросы темы:

- 1. Протоколы аутентификации, использующие пароли. Протоколы аутентификации, использующие технику "запрос-ответ".
- 2. Протоколы аутентификации, использующие технику доказательства знания с нулевым разглашением: общие положения. Протокол Шнорра. Протокол Фиата-Шамира.
- 3. Модификация протоколов аутентификации на эллиптических кривых: модификация протокола Шнорра, модификация протокола Окамото.
- 4. Протоколы передачи ключей. Передача ключей с использованием симметричного шифрования. Протокол Kerberos. Передача ключей с использованием асимметричного шифрования. Сертификаты открытых ключей.
- 5. Протоколы передачи ключей. Открытое распределение ключей. Протокол Диффи-Хеллмана и его усиления. Предварительное распределение ключей.
- 6. Схемы разделения секрета. Схема Шамира. Схема Ито-Саито-Нишизеки.

Рекомендации по изучению темы:

- 1. Алферов А.П., Зубов А.Ю., Кузьмин А.С., Черемушкин А.В. Основы криптографии. –М.: Гелиос АРВ, 2005.
- 2. Рацеев С.М. Математические методы защиты информации [Электронный ресурс]: Электронное учеб. пособие. Ульяновск: УлГУ, 2018. 1 CD-R. № гос. регистрации 0321901084. 592 с.
- 3. Рябко Б.Я., Фионов А.Н. Криптографические методы защиты информации. М.: Горячая линия Телеком, 2005.
- 4. Черемушкин А.В. Криптографические протоколы. Основные свойства и уязвимости: учеб. пособие для вузов по спец. "Компьютер. безопасность". М.: Академия, 2009.

- 1. Восстановить значение секрета *s* в схеме Шамира с порогом 2 над кольцом вычетов по модулю 11, если доли двух участников, пытающихся восстановить секрет, равны: (3, 3), (7, 8)
- 2. Пусть s=3 секрет. Какие доли данного секрета получит каждый участник (4,2)-пороговой схемы разделения секрета на основе равновесных двоичных кодов.
- 3. Схема Ито-Саито-Нишизеки. Пусть $P = \{1,2,3,4\}$ участники разделения секрета s, (R,Z) структура доступа на P, которая задается множеством минимальных правомочных коалиций $R_{\min} = \{\{1,2,3\},\{2,4\},\{3,4\}\}$. Найти множество максимальных непровомочных коалиций Z_{\max} (выписать в лексикографическом порядке), кумулятивный массив C, а также разделить секрет s = 5 (выписать доли секрета для каждого участника).
- 4. Протокол Фиата-Шамира. Пусть $n = p \cdot q$ параметр протокола, x, y соответственно секретный и открытый ключи доказывающего абонента A, k случайный параметр из первого шага протокола, a запрос из второго шага протокола. Найти y и привести все

- вычисления на четырех шагах протокола (найти r, s, проверить соответствующее сравнение) если известно, что p=3, q=7, a=1, x=2, k=10.
- 5. Протокол Шнорра. Пусть p простое число, q простой делитель числа p-1, g элемент из кольца вычетов по модулю p (имеющий порядок q), x, y соответственно секретный и открытый ключ абонента A, k случайное число из первого шага протокола. Известно, что p=7, q=3, g=2, a=1, x=2, k=2. Найти y и привести все вычисления на четырех шагах протокола (найти r, s проверить соответствующее сравнение).

Раздел 10. Теория кодирования, сжатия и восстановления информации Основные вопросы темы:

- 1. Линейные коды: основные понятия. Критерии обнаружения и исправления ошибок. Код Хемминга.
- 2. Декодирование линейного кода. Синдромы, свойства синдромов, синдромное декодирование. Стандартное расположение для кода.
- 3. Коды Боуза-Чоудхури-Хоквингема. Кодирование и декодирование кодов БЧХ.
- 4. МДР коды. Коды Рида-Соломона. Кодирование и декодирование кодов РС.

Рекомендации по изучению темы:

- 1. Блейхут Р. Теория и практика кодов, контролирующих ошибки. Перевод с англ.: И.И. Грушко, В.М. Блиновский. Под редакцией: К.Ш. Зигангирова. М.: Мир, 1986. 576 с.
- 2. Мак-Вильямс Ф. Дж., Слоэн Н. Дж. А. Теория кодов, исправляющих ошибки: пер. с англ. М: Связь, 1979. 744 с.
- 3. Сагалович Ю.Л. Введение в алгебраические коды. Учебное пособие. 2-е изд., перераб. и доп. М.: ИППИ РАН, 2010. 302 с.

- 1. Построить поле $GF(2^3)$ на основе примитивного многочлена x^3+x+1 с примитивным элементом α .
- 2. Проверочная матрица (7,4,3)-кода Хэмминга задается в лексикографическом порядке слева направо по возрастанию. На приемном конце получен вектор $v = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$. Исправить ошибку и найти кодовый вектор u.
- 3. Порождающая матрица линейного (5,2,3)-кода с параметрами n=5, k=2 имеет вид $G = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$. Найти проверочную матрицу H, кодовое расстояние d. Составить таблицу стандартного расположения. С помощью данной таблицы декодировать вектор $v = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$, т.е. найти информационный вектор i.
- 4. Поле $GF(2^4)$ строится с помощью примитивного многочлена x^4+x+1 , α примитивный элемент. Двоичный код БЧХ с параметрами n=15, k=7 порождается многочленом $g(x)=1+x^4+x^6+x^7+x^8$, $\alpha,\alpha^2,\alpha^3,\alpha^4$ его подряд идущие корни. На приемном конце получен вектор $v=(1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1)$, в котором не более двух ошибок. Найти соответствующий кодовый вектор u и информационный вектор i
- 5. Поле $GF(3^2)$ строится с помощью примитивного многочлена x^2+x+2 , α примитивный элемент. Код БЧХ над полем GF(3) с параметрами n=8, k=3 порождается многочленом $g(x)=2+x^2+x^3+2x^4+x^5$, $\alpha,\alpha^2,\alpha^3,\alpha^4$ его подряд идущие корни. На приемном конце получен вектор v=(0, 2, 2, 2, 2, 2, 0, 1), в котором не более двух ошибок. Построить поле $GF(3^2)$. Найти соответствующий кодовый вектор u и информационный вектор i.

- 6. Поле $GF(2^3)$ строится с помощью примитивного многочлена $x^3 + x + 1$, α примитивный элемент. Код Рида-Соломона с параметрами n = 7, k = 3, d = 5 исправляет до двух ошибок. Во всех задачах кодирование и декодирование производить с помощью многочленов Мэттсона-Соломона. В ответах все компоненты векторов записать в виде степеней элемента α (как в заданиях).
 - Закодировать информационный вектор $i = (\alpha^2, \alpha, \alpha^6)$.
 - На приемном конце получен вектор $v = (\alpha, \alpha, \alpha^4, 0, \alpha^5, \alpha^4, \alpha^5)$, в котором не более двух ошибок. Найти соответствующий кодовый вектор u с помощью алгоритма Питерсона-Горенстейна-Цирлера и информационный вектор i.
 - На приемном конце получен вектор $v = (\alpha^6, 1, 1, 0, 1, \alpha^4, \alpha^6)$, в котором не более двух ошибок. Найти соответствующий кодовый вектор u с помощью алгоритма Евклида и метода Форни, а также информационный вектор i.

Раздел 11. Теория псевдослучайных генераторов Основные вопросы темы:

- 1. Линейные конгруэнтные генераторы псевдослучайных последовательностей. Теорема о максимальной длине периода линейной конгруэнтной последовательности. Потенциал линейной конгруэнтной последовательности.
- 2. Генераторы на регистрах сдвига с линейными обратными связями. Принцип работы. Конфигурации Фибоначчи и Галуа. Теорема о максимальном периоде для генератора на регистрах сдвига с линейными обратными связями в данных конфигурациях.

Рекомендации по изучению темы:

- 1. Глухов М.М., Круглов И.А., Пичкур А.Б., Черемушкин А.В. Введение в теоретико-числовые методы криптографии. СПб.: Издательство «Лань», 2011. 400 с.
- 2. Рябко Б.Я., Основы современной криптографии и стеганографии / Рябко Б.Я., Фионов А.Н. М.: Горячая линия Телеком, 2010. 232 с. ISBN 978-5-9912-0150-6 Текст: электронный // ЭБС "Консультант студента" : [сайт]. URL: http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785991201506.html.

Раздел 12. Защита программ и данных

Основные вопросы темы:

- 1. Методы защиты программных реализаций от изучения.
- 2. Программные закладки. Пути внедрения программных закладок.

Рекомендации по изучению темы:

- 1. Щербаков А.Ю., А.Ю. Щербаков. Современная компьютерная безопасность. Теоретические основы. Практические аспекты. Учебное пособие. М.: Книжный мир, 2009. 352 с. ISBN 978-5-8041-0378-2 Режим доступа: http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785804103782.html
- 2. Хореев П.В. Методы и средства защиты информации в компьютерных системах: учеб. пособие для вузов. М.: Академия, 2007. 256 с.

Раздел 13. Модели безопасности компьютерных систем Основные вопросы темы:

- 1. Модель Харрисона-Руззо-Ульмана. Основные понятия, свойства и анализ безопасности для данной модели.
- 2. Классическая модель Take-Grant. Основные понятия, свойства и анализ безопасности для данной модели.
- 3. Модель Белла-ЛаПадула. Основные понятия, свойства и анализ безопасности для данной модели.

Девянин П.Н. Модели безопасности компьютерных систем. Учебное пособие для студентов высших учебных заведений. М.: Издательский центр «Академия», 2005.144 с.

Раздел 14. Техническая защита информации Основные вопросы темы:

- 1. Типовая структура и виды технических каналов утечки информации. Классификация технических каналов утечки информации.
- 2. Методы и средства пассивной и активной защиты от утечки в электромагнитном канале.
- 3. Методы пассивной и активной защиты утечки информации по акустическому (виброакустическому) каналу.

Рекомендации по изучению темы:

- 1. Душкин А.В., Программно-аппаратные средства обеспечения информационной безопасности [Электронный ресурс]: Учебное пособие для вузов / А.В. Душкин, О.М. Барсуков, Е.В. Кравцов, К.В. Славнов. Под редакцией А.В. Душкина. М.: Горячая линия Телеком, 2016. 248 с. ISBN 978-5-9912-0470-5. Режим доступа: http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785991204705.html.
- 2. Свинарев Н.А., Инструментальный контроль и защита информации [Электронный ресурс]: учеб. пособие / Свинарев Н.А., Ланкин О.В., Данилкин А.П, Потехецкий С.В., Перетокин О.И. Воронеж: ВГУИТ, 2013. 192 с. ISBN 978-5-00032-018-1 Режим доступа: http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785000320181.html.

Задания для самостоятельной работы:

- 1. Разработать вариант сведений ограниченного доступа для выбранного предприятия (организации).
- 2. Разработать вариант Обязательства (Соглашения) о неразглашении информации ограниченного доступа для выбранного предприятия (организации).
- 3. Составить проект приказа руководителя предприятия «Об организации работ по обеспечению безопасности персональных данных» для выбранного предприятия.
- 4. Разработать вариант политики администрирования информационных систем для выбранного предприятия (организации).
- 5. Разработать вариант политики антивирусной защиты для выбранного предприятия (организации).
- 6. Разработать вариант политики использования e-mail и доступа к сети Интернет для выбранного предприятия (организации).
- 7. Разработать вариант политики использования внешних носителей информации для выбранного предприятия (организации).
- 8. Разработать тезисы выступления перед сотрудниками выбранной организации по доведению требований информационной безопасности.

Раздел 15. Организационное и правовое обеспечение информационной безопасности Основные вопросы темы:

- 1. Информация как объект правоотношений. Законодательство РФ в области информационной безопасности.
- 2. Виды и содержание тайн. Законодательная база охраны государственной, коммерческой и служебной тайн.
- 3. Основные нормативные документы, разрабатываемые на предприятии по защите персональных данных и первоочередные мероприятия по созданию системы защиты персональных данных на предприятии.
- 4. Виды деятельности, подлежащие лицензированию. Порядок получения лицензии в области защиты информации.
- 5. Методы и средства инженерной защиты объектов информатизации.

6. Программные и аппаратные средства защиты информации от несанкционированного доступа.

- 1. Новиков В.К., Организационно-правовые основы информационной безопасности (защиты информации). Юридическая ответственность за правонарушения в области информационной безопасности (защиты информации) [Электронный ресурс]: Учебное пособие. / В.К. Новиков. М.: Горячая линия Телеком, 2015. 176 с. ISBN 978-5-9912-0525-2. Режим доступа: http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785991205252.html.
- 2. Судариков С.А., Право интеллектуальной собственности: учебник [Электронный ресурс] / С.А. Судариков. М.: Проспект, 2014. 368 с. ISBN 978-5-392-16752-4. Режим доступа: http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785392167524.html